

**BOLETIM DE EDUCAÇÃO MATEMÁTICA** 

MESTRADO EM ENSINO DA MATEMÁTICA - UNESP - RIO CLARO - SP.

### **EDITORIAL**

O entusiasmo e o efetivo engajamento dos nossos alunos do Mestrado em Ensino de Matemática, desencadearam este nosso novo recomeçar na direção de divulgar idéias, sugestões, problemas e tendências em Educação Matemática.

Começamos com o SAPEANDO em 1.974. Depois, recomeçamos com o Jornalzinho do Laboratório de Ensino da Matemática do Departamento de Matemática da UNESP - Campus de Rio Claro. Agora, teimosamente, recomeçamos com esperanças e novo alento. Antes éramos poucos; agora, somos uma comunidade formada por alunos e professores. Uma comunidade aberta, sem fronteiras, formada por todos aqueles que se interessam pela Educação Matemática no Brasil. Circunstancialmente, sua sede física é em Rio Claro-SP. Todavia, já participam efetivamente dela, alunos e professores de Matemática de vários estados brasileiros. Outros virão. Outros não poderão estar aqui presentes fisicamente, mas bem sabemos e sentimos que eles estão aqui espiritualmente, dando-nos força. O esforço, a contribuição de cada um, presente ou ausente, e, a união de todos em torno de algo que verdadeiramente acreditam, fizeram florescer o BOLEMA — Boletim de Educação Matemática.

O BOLEMA pretende ser um veículo informal de divulgação dos fatos e notícias relacionados com a Educação Matemática e um meio rápido de comunicação entre os professores de Matemática, no sentido de buscar incessantemente a melhoria da qualidade do ensino da Matemática em nossas Escolas. Nesta busca, pretende divulgar pequenos artigos sobra Educação Matemática, História da Matemática e Educação, bem como, experiências e relatos de professores, na sua secção de Comunicações. Uma das linhas de pesquisas mais promissoras em Educação Matemática, atualmente, é a de Resolução de Problemas. Daí o interesse do BOLEMA em manter este tema em divulgação e discussão por algum tempo. O intercâmbio de informações, idéias e opiniões (mesmo discordantes das do BOLEMA) é fundamental para a sua sobrevivencia. Daí o interesse em manter viva a secção de Correspondências e Notí-

Conclamamos aos envolvidos e interessados em Educação Matemática, que participem da nossa comunidade, através do BOLEMA.

> Luiz Roberto Dante Coordenador do curso de mestrado em ensino da Matemática. UNESP - Rio Claro -SP

## **EDUCAÇÃO**

O fazer do Professor e a questão ética

O ato de educar, quando fruto de uma intencionalidade da consciència, reflete uma escolha moral realizada por aquele que o executa. Na própria intenção de educar, o outro está presente como uma preocupação. Preocupação do que educa para com o modo de ser do outro. Ou seja, para com a forma do seu comportarse e apresentar-se no momento presente e no futuro, en-quanto possibilidade de ser de tal e tal maneira.

Existe um cuidado em cultivar o que de humano está presente naquele ser que pretende educar. Nesse sentido, a sua escolha é fundamentada naquilo que julsentido, a sua escolha e fundamentada naquilo que julga bom, que venha a fazer parte do mundo do outro. No momento de decidir o que eleger como bom é que se coloca a questão ética para aquele que se propõe a educar. Perguntas como: "quem é esse ser que pretendo educar?", "Como posso educar da melhor forma?", "Tenho o direito de influenciar a direção do fluxo de vida do outro?", fazem parte da problematicidade que vivencia a que pro consegue desvendos como confirmento. vivencia e que não consegue desvendar sem sofrimentos, estudos, reflexões e críticas. Ao pensar sobre tais questões e sobre o significado, das suas escolhas, já está agindo de modo consciente e a sua ação é ética.

A tarefa atribuída à Escola, pela sociedade, é a de educar. Sendo assim, a educação por ela promovida é essencialmente ética, pois faz uma escolha do que considera bom a ser apresentado ao estudante. Para efetuar essa escolha a Escola deve se basear nos Fundamentos

Maria Aparecida Viggiani Bicudo da Educação. Entretanto, pode ocorrer que os professores e os demais elementos que ali trabalhem não conheçam tais fundamentos, nem saibam da escolha efe-tuada. Mas tal escolha foi feita e se encontra presente às próprias atividades curriculares que promovem. Isso não torna a ação educadora menos comprometida. Apenas indica que existem professores que enquanto profissionais não têm conhecimento do significado das suas ações e, portanto, não se comportam eticamente.

> É essencial que o professor tenha consciência do seu fazer e que se perceba influenciando, necessariamente, o ser do seu aluno. Influenciar o ser do aluno significa que suas ações afetam o modo que esse estudante é na sala de aula e significa, também, que elas poderão afetá-lo no modo que poderá ser no futuro, uma vez que está trabalhando com as possibilidades desse estudante. Isto é, as ações do professor influenciam o ser do estudante (o que ele é no momento presente) e o seu vir-a-ser (o que poderá ser). É aí que se encontra a grande responsabilidade do professor, ou seja, do profissional que na Instituição Escola tem a tarefa de eduensinando da melhor maneira, aquilo que foi eleito como melhor a ser transmitido a uma pessoa ou a um grupo de pessoas.

> > \* Prof.a do Curso de Pós-Graduação — — Mestrado em Ensino da Matemática IGCE UNESP - Rio Claro

## Educação Matemática

Porque Educao Matemática ? Não bastaria Educação e Matemática ?

Ubiratan D' Ambrósio 3

Embora já haja uma tomada de consciência da importan-cia do ensino da Matemática em todos os níveis da escolarida-de - e isto vem desde os tempos de Platão e mesmo antes - e também haja bastante evidência: das influencias danosas que um mau ensino de Matemática pode ter no comportamento psíquico e emocional de individuos — "Mathematical Anxiety" — ainda existem algumas pessoas que resistem à idéia de Educação Matemática como uma especialidade, como uma disciplina no corpo de conhecimentos de hoje, e a classificariam como uma prática multidisciplinar ou na melhor das hipóteses como uma pratica muitidisciplinar ou na melhor das hipòteses como pluridisciplinar. Estamos aqui adotando a consagrada nomenclatura de C.C. Apt (ver a esse respeito "Ciência e Cultura", vol 37, N.o 4, Abril de 1.985, p. 665). Em ambos casos, ao considerar Educação Matemática uma atividade multi ou pluridisciplinar que se passa é a justa posição de Educação e de Matemática como disciplinas autônomas, com conexão nenhuma (no caso multidisciplinaridade) ou com alguma conexão (no caso nluridisciplinaridade). Em ambos os casos há uma cano processo nluridisciplinaridade). caso, pluridisciplinaridade). Em ambos os casos há uma menor ou maior conexão, mas de qualquer maneira é a matemática, como disciplina autonôma, sendo ensinada a todos.

Optamos fortemente pela colocação de Educação Matemática como uma diciplina, com todas as carcterísticas de aumatica como uma dicipina, com todas as carceristicas de au-tonomía que comparecem na conceituação de Apt: "corpo es-pecífico de conhecimento ensinável com seu próprio substrato de ensino, treinamento, processos, métodos e áreas abrangidas" De fato, entra Matemática, com seu corpo específico de conhe-cimentos, tem características muito distintas daquilo que se pretenda transmitir nos sitemas escolares. O que se espera é mesmo levar adiante uma maneira de encarar o mundo e as coisas da natureza, uma linguagem que permita conhecer, des-vendar a ordem cósmica, e ao mesmo tempo manejar a reali-dade com toda a complexidade com que ela se apresenta. O que se pretende é instrumentalizar indivíduo para que ele se co-munique com harmonia com a ordem da natureza, entenda suas classificações, suas ordenações, suas qualificações adequa-das ao equilibrio das várias espécies animais e vegetais, suas me-dições precisas, simétricas e proporcionais, enfim a maravilho-sa construção que é a ordem cosmica. E as várias características do caso que em relação dialética com essa ordem produzem essa deslumbrante realidade.

essa deslumbrante realidade.

Ora a realidade natural é matematicamente educada, fala a linguagem Matemática. É essa Matemática, inicialmente num estágio muito próximo à Matemática que grupos culturalmente diferenciados dominam e que vem se desenvolvendo em simbiose com a matemática "falada" pela natureza, e que chamamos ETNOMATEMÁTICA, que constitue o passo inicial de Educação Matemática e é essa a disciplina que esperamos transmitira, e que constitue a essância de Educação Matemática como uma e que constitue a essência de Educação Matemática como uma disciplinar em si, com métodos, processos, conteúdos e objetivos próprios.

Professor do Mestrado em Ensino da Matemática — UNESP — Rio Claro

Coordenador Geral dos Institutos - UNICAMP -

TODO EDUCADOR DEVERIA SER UM'SONHADOR"PROPONDO UTOPIAS, PARA, POUCO A POUCO, VENCER A INÉRCIA DESTA REALIDADE INSTALADA NA ESCOLA.

(Luis Roberto Dante)

A edição deste numero foi coordenada por: Eliane Scheid Gazire (UFMG)
José Geraldo Acioly (UFPI) e
Luiz Roberto Dante (UNESP- RIO CLARO)

# HISTÓRIA DA MATEMÁTICA

#### A matemática na Babilônia: Uma reconstrução do passado

Irineu Bicudo

- 1- Nosso tópico é Arqueologia da Matemática e o objetivo é expor uma pequena parte da pesquisa extraordinária de Otto Neugebauer e de seu colaborador
- 2- Comecemos com um exemplo do material bruto daquela pesquisa.

7	#	ATT	了级
IT	A.	4	m H
MY	经	44	M AH
F	LEYY.	4	11743
無	₩W	一个	M AKI
冊	一般	一种	四世四
罗	rm	報	TY TY
器	rat	*	m
羅	749	44	甲纵
4	14	4	冊
4	14公群	烘	<b>基</b> 然
417	7处年		

FIGURA 1

- A Fig. 1 é uma cópia de um tijolinho cuneiforme, medindo talvez 3 x 5 polegadas que conjecturamos originário de Acádia, na cidade de Nippur há, aproximadamente, 3700 anos.
- 3 Frente a um tal objetivo de uma cultura antiga, várias perguntas nos ocorrem à mente :
- (a) O que é esse objeto e quais são as suas propriedades?

- (b) Qual seu propósito original?
  (c) O que nos diz a respeito da cultura que o produziu?
- 4- A História da Ciência nao comporta teoremas, nem provas rigorosas. Essa História está repleta de conjecturas e especulações. Em lugar de provas, encontramos frequentemente meras confirmações:

"Creio que P implica Q";
"Creio que Q";
"Portanto; creio também que P".

5- A análise da Fig. I parece sugerir tratar-se de uma "tabuada" do 9. Há, parece, no entanto, uma "quebra dos padrões" na 7.a linha.

Devemos modificar nossa conjectura: em lugar de um sistema decimal ordinário, temos um sistema HI-BRIDO: há um substrato decimal, usando um tipo de "cunha" para unidades e outro para dezenas, mas, no todo, o sistema é de base 60.01 e o 3 na 7.a linha representam 1.(60) + 3 - 63.

- 6- Desse modo, de um único tijolinho, conjecturamos um sistema numérico sexagesimal completo. Devemos, a seguir, procurar a confirmação disso pelo exame de outros tijolinhos, na esperança de encontrar o mes-mo padrão. De fato, isso foi feito no século passado e, entre os milhares de tijolinhos babilônios, muitos eram tabuadas" do tipo exibido na Fig. 1.
- 7- Vamos indicar os numerais de base 60, para facilitar, do seguinte modo: escreveremos os "dígitos" (0 até 59) na base dez e separaremos os "dígitos" consecutivos pelo símbolo "/". O valor posicional será da direita para a esquerda, do modo usual. Assim 7/13/28 significará 28 + 13. (60) + 7. (60) = 26008. A adição é facilmente efetuada.

1 1 14/28/31 3/35/46

18/04/16

- 8- Se analisarmos os tijolinhos contendo as "tabuadas", estranharemos algumas coisas. Foram encontradas muitas "tabuadas" do 9, do 12, etc. Há também "tabuadas" para estranhos fatores, enquanto que nunca aparecem "tabuadas" de certos fatores esperados.
- Na Fig. 2, há uma lista daqueles fatores mais frequentes. Isso nos sugere algumas perguntas.

		Factors Use	od for
		Multiplication	1 I ables
	18	1/15-75	7/12-432
2 3	20	1/20-80	7/30-450
	24	1/30-90	8/20 - 500
4		1/40-100	12/30-750
5	25	2/15-135	16/40-1000
6	30	2/24-144	22/30-1350
8	36	2/30-150	44/26/40-160,000
9	40	3/20-200	
10	45		and a scattering of other
12	48	3/45-225	
15	50	4/30-270	
16		6/40-400	

#### FIGURA 2

- (I) Por que faltam algumas tábuas? (por exemplo, do 7, do 11, do 13, do 14, etc.)
- (II) Por que há tábuas com fatores como 3/45, 7/12, 7/30, 44/26/40?
- ( III ) Por que há tantos tijolinhos contendo duas versões da mesma "tabuada", um feito corretamente e outro contendo, talvez, um erro ou dois?
- A imagem que temos é a de um grupo de estudantes engajados em copiar um modelo de "tabuada" dado por um professor. Não seria correto inferir que em Nippur tenha havido uma escola para escribas que treina-vam para se tornar burocratas ou sacerdotes?
- 9- Como auxílio para responder as duas primeiras questões, examinemos um outro tijolinho que, por conveniência, iremos transcrever na notação convenciona-da anteriormente. Fig. 3. Notemos, de novo, o padrão do emparelhamento de números em duas columas adjacentes e tentemos achar explicações.

2	30	1 16	3/45 3600	45	1/29
3	20	18	3/20 "	48	1/15
4	15	20	3 60	50	1/12
5	12	24	2/30 3500	54	1/6/40
	10	25	2/24	1/4	56/15
6		27	2/13/20	1/12	50
8	7/30	30	2 60 ZIGOC.	1/15	48
	6/40	32	1/52/30	1/20	45
10	6	36	1/40	1/21	44/26/40
12 15	5. 4	40	1/30		

#### FIGURA 3

Observemos, de saída, que, nas primeiras linhas, o produto dos números emparelhados é sempre 60.Na 6.a linha, no entanto, temos uma exceção. Com o par, (8,7/30), o produto será  $8 \times (7/30) = 8 \times 450 - 3600$ . O mesmo acontece com o par seguinte  $(9,6/40) = 9 \times (6/40) = 9 \times 400 - 3600$ . No entanto, ao par (27,2/13/20) corresponderá o produto  $27 \times (7200 - 780 - 20) = 27 \times 800 - 216000$ .

A solução se toma óbvia a se escrevemos esses produtos na forma babilônia, pois 60 = 1/0, 3600 - 1/0/0 e 216000 - 1/0/0/0. Para confirmar isso, vejamos o último par da tabela: (1/21, 44/26/40) cujo produto será  $(1/21) \times (44/26/40) - 81 \times 160 000 - 12 960 000 - 1/0/0/0/0$ .

Se seguirmos a prática babilônia de omitir os zeros terminais, vemos que a Fig. 3 é, simplesmente, uma tabela de inversos, escrita na notação sexagesimal com "ponto flutuante". Se A for um inteiro na 1.a coluna, o inteiro emparelhado com eles na 2.a coluna, AI, é um escolhido para que produto possa ser escrito como "I", significando qualquer potência conveniente de 60. Os inteiros que aparecem na tabela serão sempre fatoráveis em potências de 2, 3 e 5, pois têm inversos regulares (i. e., que terminam) na base 60 (ou seja, têm expansão sexagesimal finita).

10-Agora que entendemos a Fig. 3, podemos responder as duas questões que ficaram pendentes sobre as "tabuadas". Observamos que os inteiros usados para gerar as tabuadas – Fig. 2 – vêm, quase todos, da tabela de inversos-padrões (Há também tijolinhos contendo inversos não-padrões, inversos de números como 7, 11, etc, dando resultados (que terminam aproximados). Com a notação "ponto flutuante", B – A – B x Al. Assim, a combinação de um conjunto de "tabuadas" com uma tábua de inversos nos leva, facilmente, à divisão "ponto-flutuante", desde, que o divisor seja um divisão "ponto-flutuante", desde, que o divisor seja um dos números "bons" na base 60, i. e., seja da forma  $2 \cdot 3 \cdot 5$ . Por exemplo, dividamos 417 por 24. Na base 60, teremos+(6/57) + 24 = 17/22/30.

MÉTODO:  $(6/57) \div 24 = (6/57) \times 24I = (6/57) \times (2/30)$   $(6/57) \times 2 = 12 + 1/54 = 13/54$   $(6/57) \times 30 = 3 + 28/30 = 3/28/30$ 

17/22/30

Nos últimos passos desse cálculo, tudo fica mais fácil se recordarmos que 30 = 21 e, æsim, multiplicar

por 30 é o mesmo que tomar a metade.

II- Que cálculos comuns eram feitos desse modo, tornou-se ainda mais plausível a luz de uma descoberta notável. Foi achado um cilindro com inscrições, tendo em sua face curva uma cópia da tabela-de-inversos-pa-drões e cada uma das "tabuadas" - padrões. Isso tudo é, porém, uma breve introdução à arit-

mética babilônia

(continua no próximo número).

\* Prof. do Curso de Pós - Graduação - Mestrado em Ensino da Matemática IGCE - UNESP, Rio Claro.

# COMUNICAÇÕES

### «Uma alternativa de trabalho com Matemática no 1º Grau»

Eliane Scheid Gazire \*

Na Escola de 1.0 Grau do Centro Pedagógico da UFMG, em Belo Horizonte, vem sendo desenvolvida uma nova proposta de ensino, e aprendizagem da Matemática (1)

Nesta proposta, a dialética não é o usual ensino aprendizagem, mas ensino esforço levando a uma aprendizagem. Sendo assim, as atividades desenvolvidas pelo professor aliadas as açoes dos alunos, contribuem para a aprendizagem.

Sob este enfoque, ensinar Matemática não é uma transmissão de informações, nem um treinamento em linguagem Matemática.

Ensinar Matemática é deflagrar idéias na cabeça do aluno. Isso é conseguido através de desafios. O aluno é colocado diante de situações problemas e é desafiado a resolvê-las utilizando material concreto. Esse desafio é o responsável pelo deflagrar de idéias.

Para viabilizar esta proposta, professor e aluno tra-balham de maneira nao usual, ou seja:

Não há aula expositiva

- Raramente se usa quadro negro e giz
  O aluno não recebe informações

O professor não explica lições

- É dada ao aluno a oportunidade de reconstrução dos conceitos matematicos
- O ponto de partida é a realidade da criança e seus
- É explorada a ação natural da criança como ser dinâmico e ativo È dada especial atenção ao desenvolvimento mental
- das crianças e às suas estratégias de pensamento.

Os alunos participam ativamente do processo construindo conceitos através de pensamento reflexivo e crítico. São encorajados a fazer perguntas, a analisar erros, propor novas soluções, introduzir conceitos que são diferentes daqueles dos textos ou das discussões em

A cada aluno é dada ampla liberdade para a resolução dos desafios, ou seja, ele nunca é obrigado a seguir um modelo imposto pelo professor. Dessa forma, o aluno é levado a ter idéias.

Obtem-se, assim, uma aprendizagem significativa traduzida por uma maior disposição para resolver situa-ções-problemas e pelo crescente desenvolvimento de uma atitude de reflexão crítica.

A aplicação desta proposta, tem apresentado resultados surpreendentes tanto em termos de aprendizagem Matemática, como no desenvolvimento de uma ati-tude positiva em relação à Matemética, por parte de alunos e professores.

I- A proposta de ensino e aprendizagem da Matemática e os materiais instrucionais utilizados no Centro Pedagógico são de autoria dos professores: Reginaldo Naves de Souza Lima e Maria do Carmo Vila.

\* Prof.a do Centro Pedagógico - UFMG. Aluna do Mestrado em Ensino da Matemática-UNESP-Rio Claro

### TRABALHANDO COM CODIFICAÇÃO E DECODIFICAÇÃO NO 1º GRAU

Regina Luzia Gorio \* de Buriasco

Este trabalho pretende ser uma sugestão para a colocação de problemas pertencentes à categoria que Thomas Butts denomina "problemas em aberto".

O Axioma Fundamental da colocação de um problema em aberto é colocá-lo de forma que requeira que o resolvedor "chute" uma solução ou o início dela. Polya, em seu livro "A Arte de Resolver Problemas, diz que devemos incentivar "o cliente".

Uma estratégia de colocação adequada da problema.

Uma estratégia de colocação adequada de proble-

Uma estratégia de colocação adequada de problemas é tomá-lo curioso para que possa trair um resolvedor em potencial, excitando sua curiosidade.

As atividades aqui propostas têm como tema a Codificação e Decodificação de Mensagens. O que isso tem a ver com Matemática? Se essa pergunta passou pela sua cabeça, que tal você escrever o que "você" acha que o tema Codificação e Decodificação de Mensagens tem a ver com Matemática? Fica então, essa proposta

**SOBRE AS ATIVIDADES** 

SOBRE AS ATIVIDADES

Na primeira atividade, apenas dez letras foram substituídas por números. Na sequência das letras existe um critério para a associação com os números, qual seja: foi colocada a sequência alfabética de A a J; a letra D foi escolhida arbitrariamente para corresponder ao número 0 (poderia ser outra letra qualquer); a partir de D as outras letras foram sendo substituídas pelos números 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9 obedecendo a regra: pular duas letras. Assim, a partir de D, pulando duas letras o G foi substituído por I; pulando duas letras, o J foi substituído por 2 e assim por diante. Dessa forma o código ficou sendo

## A|B|C|D|E|F|G|H|I|J 9|6|3|0-7|4|1|8|5|2

e as outras letras foram mantidas.

Na segunda atividade, o critério apresenta uma dificuldade maior pois apesar de o número de letras substituídas ser pouco maior do que o da atividade anterior, apenas quatro a mais, elas foram trocadas por outras letras, numa correspondência biunívoca, de sorte que uma substitui a outra e a outra substitui a uma.

A palavra MERCADO foi escolhida para iniciar o

código por não apresentar letra repetida. As letras usadas para substituírem as letras da palavra código foram escolhidas, excluídas as vogais. O código ficou então:

Na terceira atividade, todas as letras foram troca-das com exceção de Z, mantendo a ordem alfabética, separando o alfabeto em duas partes. O código ficou

Na quarta atividade, as letras foram trocadas entre si sem nenhuma regra, de forma arbitrária, formando o

# OSUHDCVXIEJR AFLQNCGMPTBN

Nas atividades seguintes o estudante deve criar có-digos e elaborar suas próprias mensagens. Em seguida deve mandá-las a outros colegas, ou, ao professor.

Cada estudante que receber uma mensagem deve não só decodificá-la mas descobrir o código todo e, em seguida, responder a mensagem no mesmo código.

#### AS ATTVIDADES

Decifre a mensagem sabendo que os sinais gráficos foram mantidos como no texto original.

#### ATIVIDADE I

405-S7 MU5TO P9R9 0 L900 09 R79L50907 7 075X0US7 0 S0N80 7, 9 M9I59 40R9 09 7S30L9. 7 PR735S0 9NT75, S0N89R 30M 0 MUNDO 0N07 S7 V7R59 S7R 0 LUI9R 0N07 S7 S0N89.

M9R70 TOUR 9SS7

#### ATIVIDADE 2

P ENFBFDHP CPRMIMET TS EULP FQUIDP QUT US CPNOP T PBNIGFLP F AFZTN T F BNIRC— FLTINF CPRMIMET TS EULP FQUIDP QUT US CP— NOP RFP T PBNIGFLP F AFZIN. SFNK EWFIR

#### **ATIVIDADE 3**

B JCF JB F N LNCFM N FVFLOMBS BN PTBM BR DNJRBR PTF XFLNR, NTXJLNR, UNDBLNR F RFOUJLNR RF BITRUBL JLQFSEF JUBLFOUF.

#### **ATIVIDADE 4**

O FAULÇÕA DÕA TFEÓ DA CLPNONA NT TGPEOZ TZZAF XOF DO CAZOVTX NT TUPXDÓ— HAF

#### IAIITZ

#### ATIVIDADE 5

Invente um código semelhante ao que você descobriu na atividade 4 só que não use letras e mande uma mensagem para um colega.

#### ATIVIDADE 6

Invente um código que você considere ter a mesma dificuldade (ou maior) do que os já vistos até aqui. Não use letras e invente um critério para fazer a correspondência entre os dinais e as letras que seja mantido em todo o código.

#### CONSIDERAÇÃO FINAL

As atividades aqui apresentadas são apenas sugestões para se trabalhar com o tema Codificação e Decodificação de Mensagens no 1.0 grau, na série que o professor achar adequado. Esse tipo de trabalho já foi feito com alunos de 4.a a 8.a séries do 1.o Grau.

\* Profa, do Departamento de Matemática da Universidade Estadual de Londrina, PR. Aluna do Mestrado em Ensino de Matemática-UNESP- Rio Claro.

### Comunicações

«Recomendações para as Escolas de 1º e 2º Graus, com relação ao ensino da Matematica na década de 80»

Dionízio Burak

As duas últimas décadas têm merecido especial preocupação dos educadores de vários países, na tentativa de melhorar o ensino da Matemática. Problemas que são comuns a vários aspectos desse ensino, tais co-mo: conteúdo, currículo, avaliação, objetivos, forma-ção do professor, tecnologia educacional e outros es-tão sendo discutidos e analisados em encontros de educadores matemáticos num esforço cooperativo de encontrar soluções que venham contribuir para a melhoria do ensino da matemática. Os encontros de Karlsruhe (1976) e Berkley (1980) contribuiram com algumas recomendações sobre aspectos que devem ter prioridade no ensino da matemática dos anos 80.

Dentre as muitas recomendações, destacamos: 1. resoluções de problemas 2. habilidades básicas

3. currículo

4. avaliação

5. tecnologia educacional no ensino da matemá-

6. formação do professor

As recomendações não têm pretensão de serem conclusivas. Elas constituem ponto de partida para o início de reflexões, discussões e tomada de decisões que permitam contribuir para uma melhor educação matemática dos nossos jovens. (Recomendações baseadas no documento AN AGENDA FOR ACTION do National Comcil of Teachers of Mathematics - NTCM) \* Prof. FFCL - Guarapuava-PR. Aluno do Mestrado em Ensino da Matemática - UNESP-Rio Claro.

## **LIVROS**

COMPUTADORES E EDUCAÇÃO Logo: Computadores e Educação, de Seymour Papert, Editora Brasiliense, 1985.

O professor Papert mostra em seu livro como o computador pode servir para o desenvolvimento inte-lectual da criança. Apresenta um revolucionário sistema que viabiliza uma nova concepção de ensino. Ele des-creve uma filosofia educacional, chamada Logo, onde o computador é a ferramenta que propicia à criança as condições de entrar em contato com algumas das mais profundas idéias em ciência e matemática.

MATEMATICA/FILOSOFIA/HISTÓRIA

Experiência Matemática da Philip J. Davis e Ruben Hersh, Editora Francisco Alves, 1985.

Qual a natureza da Matemática? Quais as suas preocupações? Qual a sua metologia? Como é criada e usada? Perguntas como estas são refletidas e analisadas nessa obra Peconhecendo que sua própria facinadas nessa obra. Reconhecendo que sua própria facina-ção como o significado e objetivo da Matemática é ain-da mais forte do que sua fascinação com a produção real de Matemática, os autores oferecem uma visão pes-soal estimulante desta ciência e examinam o complexo de fatores que determina sua estrutura e aplicação.

## **NOTÍCIAS**

- 37.a Reunião da SBPC, de 8 a 12 de julho de 1985, em Belo Horizonte - MG.

- III Congresso Sul Brasileiro de Ensino de Ciências, de 22 a 25 de julho de 1985, em Pon-

ta Grossa - PR.

- 15.0 Colóquio Brasileiro de Matemática de 22 a 26 de julho de 1985, em Poços de Calda - MG.

A UNESP, UNICAMP E USP, em convênio com a Secretaria da Educação do Estado de São Paulo, estarão oferecendo Cursos de Matemática para professores de I e III, em todo o Estado de São Paulo, no período de 22 a 26 de julho de 1985.

- II.a Semana de Educação Matemática, do Centro Acadêmico de Matemática da USP, de 19 a 23 de agosto de 1985, IME - USP, São

 O Departamento de Matemática, UNESP Campus de Rio Claro, será a partir de agosto/ 85, responsável pelo treinamento de Monitores de Matemática do Estado de São Paulo, num trabalho conjunto com a CENP-SE.

- As inscrições para o curso de Mestrado em Ensino da Matemática estarão abertas, no período de 04 a 18 de novembro de 1985. A seleção será realizada nos dias 19 a 21 de novembro de 1985.

- Informações na Secretaria da Pós-Graduação UNESP - Campus de Rio Claro. Caixa Postal - 178 - Fone: 34-3777 R. 19 (13.500) - RIO **CLARO-SP** 

- VI CIAEM - Conferência Interamericana de Educação Matemática - no México em no-vembro de 1985.

## PROBLEMAS CURIOSOS

#### «COMO RESOLVER UM PROBLEMA?»

José Geraldo Acioly \*

No processo de Resolução de um Problema, George Polya (I), distingue quatro fases:
"1.a Fase: Compreensão do Problema"

- o resolvedor deve compreender o problema, ver claramente quais são os dados as condições impostas e o que precisamos procurar. É a construção clara da si-

"2.a Fase: Estabelecimento de um plano"

Descobrir um plano que nos guie até a solução e relacione os dados com o desconhecido. Esta fase é de fundamental importância para o resolvedor, pois ele de-ve estabelecer as relações e determinar as operações ou ações que deve realizar com os dados para obter a solu-

"3.a Fase: Execução do Plano"

- O plano é executado, testando cada etapa durante o processo. O resolvedor realiza as operações neces-

"4.a Fase: Retrospecto"

- É um exame da solução obtida e a partir dela, revisar, testar, discutir, na busca de alguma melhora. É uma avaliação da solução, onde o resolvedor relaciona todas as fases anteriores.

(I) POLYA, G. - A ARTE DE RESOLVER PROBLEMAS; tradução de Jeitor Lisboa de Araújo. Rio de Janeiro, Interciência, 1978.

\* Professor do Departamento de Matemática da UFPI - Aluno do Mestrado em Ensino da Matemática - UNESP-Rio Claro.

Nesta seção, abrimos espaço para que os leitores enviem "problemas curiosos", com as suas respectivas soluções, indicando de que fontes foram retirados. Serão publicados na medida do possível.

Problemas enviados por: Sérgio Roberto Nobre \*

Vamos pensar um pouco?

1) Um rapaz estava viajando pelos Estados Unidos e em dado momento ele ficou sem dinheiro. Então ele resolveru mandar um telegrama para o seu pai, pedindo dinheiro. Mas como a "grana tava tão curta" ele teve que economizar ao enviar a mensagem. A mensagem que ele enviou foi a seguinte:

SEND MORE MONEY

letras iguais correspondem à números iguais
 a operação efetuada foi uma adição.

2) Um joalheiro tinha oito pérolas iguais na forma, no tamanho e na cor. Das 8 pérolas, 7 tinham o mesmo peso, a oitava, porém, era um pouquinho mais leve que as outras. Como poderia o joalheiro descobrir a pérola mais leve, fazendo apenas duas pesadas na balança de dois pratos?

\* Professor de Matemática da Escola Comunitária de Campinas - SP; Aluno do Mestrado em Ensino da Matemática - UNESP - Rio Claro

### **EDUCAR E DAR, TANTO MAIS EDUCADO SERA AQUELE QUE TIVER PARA DAR E DER**

(Mario Tourasse Teixeira)

## CORRESPONDÊNCIA

ESTA SEÇÃO ESTÁ ABERTA AOS LEITORES, PARA QUE ENVIEM ÓPINIÕES, SUGESTÕES E CRITICAS AO NOSSO BOLETIM PARA RECEBER OS NUMEROS DESTE ANO DO BOLEMA, PREENCHA COM LETRA DE FORMA O CUPON ABAIXO E O ENVIE PARA:

BOLEMA BOLETIM DE EDUCAÇÃO MATEMÁTICA POS GRADUAÇÃO EM ENSINO DA MATEMÁTICA UNESP CAMPUS DE RIO CLARO CAIXA POSTAL Nº 178 CEP 13500 RIO CLARO SP

NOME	
ENDEREÇO	N.o
CIDADE CEP	ESTADO